

DESCRIPCIÓN DEL MOVIMIENTO A PARTIR DE LA ECUACIÓN VECTORIAL DEL MOVIMIENTO							
	ECUACIÓN GENERAL DE UNA MAGNITUD		VALORES DE LA MAGNITUD EN MOMENTOS DETERMINADOS				
	Permite conocer el valor de la magnitud para <u>cualquier tiempo</u> . El tiempo aparece como variable en la ecuación.		Permite conocer el valor de la magnitud para <u>tiempos concretos</u> . La t de la ecuación general se sustituye por el valor de t que interese. Ejemplo: t=2s				
MAGNITUD	GENERAL	EJEMPLO	VECTOR	COMPONENTES DEL VECTOR	MÓDULO DEL VECTOR	SIGNIFICADO	DIRECCIÓN Y SENTIDO DEL VECTOR
POSICIÓN	$r(t) = r_x i + r_y j$	$r(t) = (2t+1) i + t^3 j$	$r(2) = 5 i + 8 j$	$r_x = 5m ; r_y = 8m$	$r(2) = 9,4 m$	Las coordenadas del vector nos informan de la <u>posición en el plano en t=2s</u> . Módulo: distancia en línea recta desde la posición a los 2 s hasta el origen del sistema de referencia	.....
VELOCIDAD INSTANTÁNEA	$v(t) = dr/dt$	$v(t) = 2 i + 3t^2 j$	$v(2) = 2 i + 12 j$	$v_x = 2 m/s ; v_y = 12m/s$	$v(2) = 12,2 m/s$	Velocidad del móvil en el instante t=2s	Dirección: Tangente a la trayectoria en el instante considerado. Sentido el del movimiento.
ACELERACIÓN INSTANTÁNEA	$a(t) = dv / dt$	$a(t) = 6t j$	$a(2) = 12 j$	$a_x = 0 ; a_y = 12m/s^2$	$a(2) = 12 m/s^2$	Aceleración del móvil en el instante t=2s	Dirección: Hacia la concavidad de la trayectoria. Se calcula haciendo la suma vectorial de los componentes $a_x$ y $a_y$ .
ACELERACIÓN INSTANTÁNEA.COMONENTES INTRÍNSECAS	$a(t) = a_t \tau + a_n n$		$a(2) = 11,8 \tau + v^2/r n$		$a(2) = 12 m/s^2$	Aceleración del móvil en el instante t=2s. El módulo del vector calculado a partir de las coordenadas intrínsecas es igual al calculado a partir de las coordenadas cartesianas porque el vector aceleración es el mismo, independientemente de cómo lo descompongamos.	Dirección: Hacia la concavidad de la trayectoria. Se calcula haciendo la suma vectorial de los componentes $a_t$ y $a_n$ .
	$a_t = d v /dt = d(\sqrt{v_x^2 + v_y^2})/dt$	$a_t = d\sqrt{2^2 + (3t^2)^2}/dt = 36t^3/2\sqrt{2^2 + (3t^2)^2}$	.....	$a_t(2) = 11,8 m/s^2$	.....	Esta componente de la aceleración nos informa de que , en t=2s el módulo de la velocidad varía 11,8 m/s cada s.	Dirección: Tangente a la trayectoria en el instante considerado.
	$a_n$ es una componente que no depende del tiempo	$a_n = v^2/R = (12,2)^2/R$	.....	$a_n(2) = 1,95 m/s^2$ Ver cálculo según(*)	.....	Esta componente de la aceleración nos informa de cambios en la dirección de la velocidad.	Dirección: Perpendicular a la trayectoria en el instante considerado.
RELACIÓN ENTRE COMPONENTES CARTESIANAS Y COMPONENTES INTRÍNSECAS DE LA ACELERACIÓN (permite calcular $a_n$ aunque no conozcamos R)	$a = a_x i + a_y j$ en coordenadas cartesianas	$a = 6t j$ en coordenadas cartesianas	$a(2) = 12 j$	$a_x = 0 ; a_y = 12m/s^2$	$a(2) = 12 m/s^2$	<u>El vector aceleración es único. Lo que cambia son sólo las componentes, que dependen del sistema de referencia utilizado.</u>	Dirección: Hacia la concavidad de la trayectoria.
	$a = a_t \tau + a_n n$ en coordenadas intrínsecas	$a = (36t^3/2\sqrt{2^2 + (3t^2)^2}) \tau + v^2/R n$ en coordenadas intrínsecas	$a(2) = 11,8 \tau + 1,95 n$	$a_t = 11,8m/s^2 ;$ $a_n = 1,95 m/s^2$ (ver(*))			
	En coordenadas cartesianas: $ a  = \sqrt{a_x^2 + a_y^2}$ En coordenadas intrínsecas: $ a  = \sqrt{a_t^2 + a_n^2} \Rightarrow a^2 = a_t^2 + a_n^2 \Rightarrow a_n^2 = a^2 - a_t^2 \Rightarrow a_n = \sqrt{a^2 - a_t^2}$	$a_n = \sqrt{a^2 - a_t^2}$ (*)					